

УДК 539.17:621.384.63

ВОЗМОЖНОСТИ КОНТРОЛЯ СВЕТИМОСТИ В ЭКСПЕРИМЕНТАХ С ВНУТРЕННИМИ МИШЕНЯМИ НА НУКЛОТРОНЕ ПО δ -ЭЛЕКТРОНАМ

A. C. Артёмов, С. В. Афанасьев

Объединенный институт ядерных исследований, Дубна

Рассмотрен новый метод и предложено диагностическое устройство для контроля светимости по δ -электронам при проведении физических экспериментов с использованием циркулирующих пучков ядер и различных фольговых и нитевидных внутренних мишеней на нуклotronе. Показана возможность оперативного контроля этой величины в каждом цикле работы ускорителя. Проанализированы вопросы калибровки устройства, связанные с особенностями рождения и транспортировки δ -электронов в одно- и многокомпонентных мишенях.

A new method for control of luminosity by means of δ -electrons is considered and a diagnostic apparatus is proposed. This apparatus can be used for physics experiments with circulating nuclear beams and various foil or fiber internal targets at the Nuclotron. A possibility of operative control of the luminosity in every run of the accelerator is shown. The peculiarities of the apparatus calibration are analyzed in connection with creation of δ -electrons and their moving in one- and multi-component targets.

ВВЕДЕНИЕ

При проведении физических экспериментов с использованием внутренних мишеней и циркулирующих пучков на синхротронах важно оперативно контролировать интенсивность взаимодействия во времени. Эта величина при единичном сечении определяется светимостью (L_c , $\text{см}^{-2} \cdot \text{с}^{-1}$). При этом число регистрируемых в единицу времени вторичных частиц ($dN/d\Omega$) и дифференциальное сечение ($d\sigma/d\Omega$) их рождения под углом θ связаны соотношением

$$\frac{dN}{d\Omega}(\theta) = L_c \frac{d\sigma}{d\Omega}(\theta). \quad (1)$$

Таким образом, разработка достаточно универсального метода оперативного контроля светимости для различных пучков и внутренних мишеней весьма актуальна. Это важно также потому, что такого метода диагностики, по-видимому, нет.

Одними из основных составляющих любого вещества являются электроны. Следует также отметить, что в настоящее время электроны эмиссии из тонких фольг успешно используются для разработки мониторов выведенного пучка из ускорителей (см., например, [1]). Поэтому представляет интерес использовать парное кулоновское взаимодействие частиц циркулирующего пучка с электронами мишени для контроля светимости.

1. МЕХАНИЗМ РОЖДЕНИЯ δ -ЭЛЕКТРОНОВ В ВЕЩЕСТВЕ ТОНКОЙ МИШЕНИ

Общая схема парного кулоновского взаимодействия налетающего ядра с электроном мишени при различных прицельных параметрах (b) представлена на рис. 1, 2. Здесь Z_p и Z_t — заряды ядер пучка и мишени соответственно; β и β_0 — скорости налетающего ядра и электрона мишени (в отн. единицах); θ_e и E_e — угол вылета электрона и его кинетическая энергия после взаимодействия с ядром пучка; $\gamma = 1/\sqrt{1 - \beta^2}$. Схема «чистого» парного взаимодействия ядра Z_p с электроном приведена на рис. 1. В этом случае

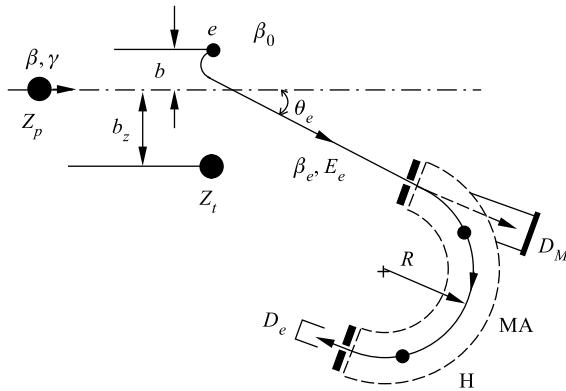


Рис. 1. Парное столкновение со свободным электроном

$b \ll b_z$ и влиянием поля собственного ядра мишени Z_t можно пренебречь. При $\beta_0 \ll \beta$ электрон можно считать первоначально покоящимся, и в результате взаимодействия с налетающим ядром он приобретает энергию E_e , кинематически однозначно связанную с углом вылета θ_e (δ -электрон) [2].

$$E_e = 2m_e \frac{(\gamma^2 - 1) \cos^2 \theta_e}{\gamma^2 - (\gamma^2 - 1) \cos^2 \theta_e}. \quad (2)$$

Ее величина связана с прицельным параметром взаимодействия (b) выражением [3]

$$E_e = (Z_p)^2 \frac{2m_e r_e^2}{\beta^2} \frac{1}{b^2}. \quad (3)$$

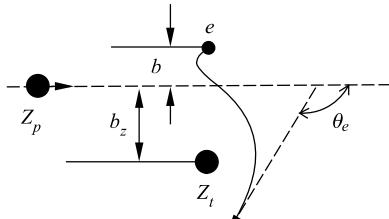


Рис. 2. Парное столкновение в присутствии ядра мишени

Объединяя (2) и (3), при учете $d\sigma_e = 2\pi bdb$, получаем

$$d\sigma_e = 2\pi(Z_p)^2 \frac{r_e^2}{\beta^4} \frac{\sin \theta_e}{\cos^3 \theta_e} d\theta_e = (Z_p)^2 \frac{r_e^2}{\beta^4} \frac{d\Omega_e}{\cos^3 \theta_e}, \quad (4)$$

где $r_e = 2,82 \cdot 10^{-13}$ см — классический радиус электрона, а $0 \leq \theta_e \leq 90^\circ$. При $b_z \ll b$ доминируют парные столкновения налетающего ядра с электроном в присутствии поля ядра мишени (рис. 2). Электрон вначале увлекается ядром пучка, а затем,

не успев набрать необходимую скорость, попадает под влияние поля собственного ядра. В результате имеем эмиссию электронов в кулоновском поле двух центров. При этом $0 \leq \theta_e \leq 180^\circ$ с близким к равномерному дифференциальному сечением. Графическая зависимость дифференциального сечения (4) представлена на рис. 3. При росте величины b угол θ_e приближается к 90° и, под влиянием двухцентрового канала эмиссии электронов, $d\sigma_e/d\Omega_e$ отклоняется от зависимости (4). Поэтому, в соответствии с рис. 1, δ -электроны необходимо регистрировать под углом θ_e из наиболее оптимальной области, где справедливо выражение (4). Сепарация этих электронов может быть осуществлена, например, 180° магнитным анализатором (МА) с однородным полем. При этом для однородных мишеней в первом приближении необходимая характеристика L_c определяется с помощью выражения (1) по приведенной на рис. 3 величине

$d\sigma_e/d\Omega_e(\theta_e)$ и измеренному значению $dN_e/d\Omega_e(\theta_e)$ с учетом геометрических факторов устройства и эффективности регистрации электронов детектором D_e .

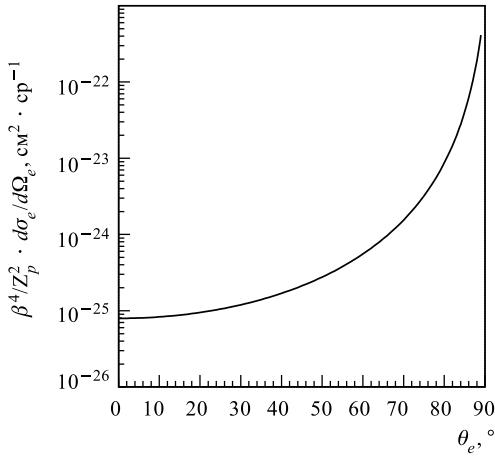


Рис. 3. Зависимость дифференциального сечения выхода δ -электронов $d\sigma_e/d\Omega_e$ ($\text{см}^2 \cdot \text{ср}^{-1}$) от угла θ_e относительно импульса налетающей частицы

2. АНАЛИЗ ВОЗМОЖНОСТЕЙ МЕТОДА ПРИМЕНЯТЕЛЬНО К НУКЛОТРОНУ

Рассмотрим возможности реализации данного метода контроля светимости в экспериментах с внутренними мишенями на нуклotronе. На рис. 4, в соответствии с выражением (2), приведена расчетная энергия δ -электронов E_e в зависимости от угла θ_e их регистрации при различных характерных для нуклотрона энергиях E_p налетающих на мишень ядер.

Соответствующие дифференциальные сечения $d\sigma_e/d\Omega_e$ в зависимости от энергии E_p при различных значениях θ_e представлены на рис. 5.

С учетом того, что область взаимодействия пучка с мишенью и угловой акцептанс магнитного анализатора электронов конечны, необходимо выбирать диапазон регистрации углов θ_e с наиболее пологой областью зависимости $d\sigma_e/d\Omega_e$ на рис. 3. Ниже приведены

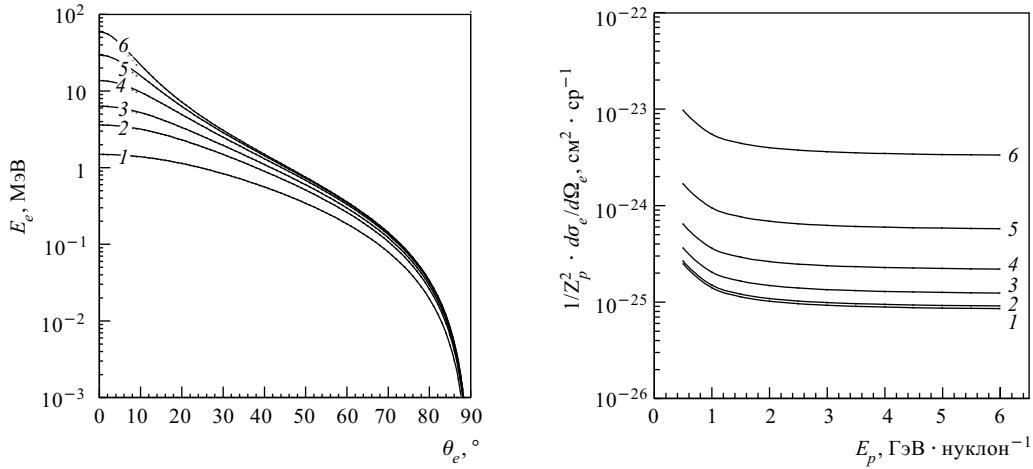


Рис. 4. Расчетная энергия δ -электронов E_e в зависимости от угла θ_e . E_p (ГэВ · нуклон $^{-1}$) = 0,5 (кривая 1), 1 (кривая 2), 1,5 (кривая 3), 2,5 (кривая 4), 4 (кривая 5), 6 (кривая 6)

Рис. 5. Дифференциальные сечения $d\sigma_e/d\Omega_e$ в зависимости от энергии E_p при различных значениях θ_e . $\theta_e = 9^\circ$ (кривая 1), 15° (кривая 2), 30° (кривая 3), 45° (кривая 4), 65° (кривая 5), 75° (кривая 6)

расчетные значения этих величин ($\text{см}^2 \cdot \text{ср}^{-1}$) для $\theta_e = 9, 15^\circ$ и ряда значений энергий на нуклон, ГэВ · нуклон $^{-1}$ (в круглых скобках) для налетающих ядер.

$$\frac{d\sigma_e}{d\Omega_e}(9^\circ) = 10^{-26} Z_p^2 [8,6(6); 8,9(4); 9,7(2,5); 11,5(1,5); 14,1(1); 25(0,5)]; \quad (5)$$

$$\frac{d\sigma_e}{d\Omega_e}(15^\circ) = 10^{-26} Z_p^2 [9,34(6); 9,73(4); 10,5(2,5); 12,5(1,5); 15,4(1); 27,3(0,5)]. \quad (6)$$

Ожидаемое число δ -электронов из внутренней мишени при ее взаимодействии с циркулирующим пучком ядер на синхротроне за время цикла его работы (T_c) определяется выражением

$$\frac{dN_e}{d\Omega_e}(\theta_e)|_c = \bar{L}_c T_c Z_t \frac{d\sigma_e}{d\Omega_e}(\theta_e), \quad (7)$$

где \bar{L}_c — усредненная за время цикла светимость. Максимальное значение \bar{L}_c достигается, когда время жизни взаимодействующего с мишенью ускоренного пучка на орбите меньше или порядка длительности его циркуляции без нее. Обычно это выполняется для фольговых или нитевидных мишеней. В соответствии с [4] на рис. 6 приведены максимальные расчетные величины усредненных за время цикла ($T_c = 10$ с) светимостей, нормированных на число N_0 ускоренных ядер (d , C, Ar) при их взаимодействии с различными внутренними мишенями (A_t) на нуклоне.

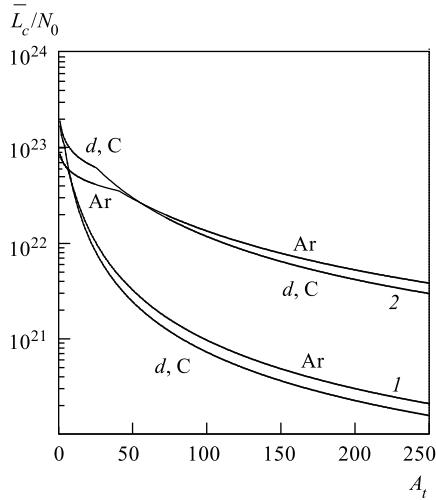


Рис. 6. Максимальные величины усредненных за время цикла ($T_c = 10$ с) светимостей ($\text{см}^{-2} \cdot \text{с}^{-1}$), нормированных на число N_0 ускоренных ядер (d , C , Ar) при их взаимодействии с различными внутренними мишениями (A_t) на нуклotronе. $E_p = 1 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$ (1), $6 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$ (2)

Экспериментальное определение величины $d\sigma_e/d\Omega_e(\theta_e)$ в принципе может быть осуществлено при калибровке устройства с мишенью в целом на выведенном пучке. При этом нужно с достаточной точностью контролировать толщину мишени t и число N_0 падающих на нее за цикл ядер. В этом случае число δ -электронов из однокомпонентной внутренней мишени будет равно

$$\frac{dN_e}{d\Omega_e}(\theta_e)|_e = t \frac{Z_t}{A_t} 6 \cdot 10^{23} N_0 \frac{d\sigma_e}{d\Omega_e}(\theta_e). \quad (8)$$

Найденная в результате таких измерений величина $d\sigma_e/d\Omega_e(\theta_e)$ (для конкретной комбинации характеристик пучка и мишени) может быть затем подставлена в (7) для определения \bar{L}_c .

Для ожидаемых интенсивностей пучков ядер на нуклotronе [5] справедливо соотношение $N_0(Z_p) \geq (Z_p)^{-2} N_0(d)$. Таким образом, с учетом приведенных на рис. 6 зависимостей, достаточно оценить выход δ -электронов для пучкадейtronов (d). Полученные результаты его взаимодействия с фольговыми мишениями C , Cu , W и Pb толщиной 10 мкм для $N_0 = 10^{10}$; $\gamma = 2,07$ (1 ГэВ · нуклон $^{-1}$); 7,4 (6 ГэВ · нуклон $^{-1}$); и $T_c = 10$ с представлены в табл. 1 ($\theta_e = 9^\circ$) и табл. 2 ($\theta_e = 30^\circ$).

Таблица 1

$E_d = 1 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$				$E_d = 6 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$				
	C	Cu	W	Pb	C	Cu	W	Pb
1	$2,5 \cdot 10^9$	$6,1 \cdot 10^8$	$2,6 \cdot 10^8$	$2,5 \cdot 10^8$	$5,2 \cdot 10^9$	$5 \cdot 10^9$	$3,2 \cdot 10^9$	$2,8 \cdot 10^9$
2	$9,2 \cdot 10^5$	$3,4 \cdot 10^6$	$6,5 \cdot 10^6$	$3,8 \cdot 10^6$	$5,7 \cdot 10^5$	$2,1 \cdot 10^6$	$4 \cdot 10^6$	$2,3 \cdot 10^6$
P_e	$2,7 \cdot 10^3$	180	40	67	$9 \cdot 10^3$	$2,4 \cdot 10^3$	$8 \cdot 10^2$	$1,2 \cdot 10^3$

Таблица 2

$E_d = 1 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$				$E_d = 6 \text{ ГэВ} \cdot \text{нуклон}^{-1}$				
	C	Cu	W	Pb	C	Cu	W	Pb
1	$3,8 \cdot 10^9$	$9,1 \cdot 10^8$	$3,9 \cdot 10^8$	$3,4 \cdot 10^8$	$7,7 \cdot 10^9$	$7,4 \cdot 10^9$	$4,7 \cdot 10^9$	$4,2 \cdot 10^9$
2	$1,4 \cdot 10^6$	$5,1 \cdot 10^6$	$9,8 \cdot 10^6$	$5,7 \cdot 10^6$	$8,5 \cdot 10^5$	$3,1 \cdot 10^6$	$6 \cdot 10^6$	$3,5 \cdot 10^6$
P_e	$2,7 \cdot 10^3$	180	40	67	$9 \cdot 10^3$	$2,4 \cdot 10^3$	$8 \cdot 10^2$	$1,2 \cdot 10^3$

Величины $dN_e/d\Omega_e|_c$ и $dN_e/d\Omega_e|_e$ в единицах $e \cdot \text{ср}^{-1} \cdot \text{цикл}^{-1}$ соответственно обозначены как 1 и 2; $P_e = (dN_e/d\Omega_e|_c)/(dN_e/d\Omega_e|_e)$ — фактор циркулирующего пучка.

При взаимодействии мишеней с другими ядрами можно ориентироваться на величины 1 и 2, умноженные на $(Z_p)^2 N_0(Z_p)/N_0(d)$. Из приведенных в табл. 1 и 2 результатов видно, что, например, при аксептансе магнитного анализатора $\Delta\Omega_e \approx 10^{-5} \div 10^{-4}$ ср ожидаемые потоки регистрируемых δ -электронов достаточно велики. Они позволяют оперативно контролировать светимость в экспериментах с внутренними мишенями на циркулирующем пучке нуклонона в каждом цикле его работы. В то же время необходимые калибровочные измерения того же устройства на выведенном пучке можно проводить за разумный (порядка несколько часов) промежуток времени.

Для ряда внутренних мишеней, например, из углерода, меди, алюминия, взаимодействующих с протонами, дополнительная калибровка устройства может быть проведена при использовании активационного анализа. В этом случае отработавшая в пучке некоторое время мишень затем уходит в специальный карман для измерения ее активации, соответственно, по реакциям $^{12}\text{C}(p, pn)^{11}\text{C}$ ($\tau = 20,38$ мин), $^{\text{nat}}\text{Cu}(p, x)^{24}\text{Na}$ ($\tau = 14,96$ ч) и $^{27}\text{Al}(p, 3pn)^{24}\text{Na}$ ($\tau = 14,96$ ч), где τ — время полураспада.

3. ВОПРОСЫ РЕАЛИЗАЦИИ МЕТОДА

- Выше мы рассматривали идеальный случай парного кулоновского взаимодействия налетающих ядер с покоящимися электронами (рождение δ -электронов). В действительности даже при выполнении условия $\beta_0 \ll \beta$ имеется некоторый разброс скоростей электронов в атоме. Это приводит к размытию пика и комптоновскому профилю распределения электронов по импульсу при фиксированном θ_e . В соответствии с боровской моделью для водородоподобных систем $\beta_0 \approx Z_t/(137n)$, где n — номер оболочки атома, на котором находится электрон. Таким образом, для тяжелых мишеней условие $\beta_0 \ll \beta$ может значительно нарушаться. Например, для Pb ($Z_t = 82$, $n = 1$) имеем $\beta_0 \approx 0,6$. Это означает, что учет взаимодействия ядер пучка с такими электронами необходимо проводить только посредством дополнительной калибровки диагностического устройства с данными внутренними мишенями, при учете измеренного распределения вылетающих электронов по энергии.

- При выходе из мишени δ -электрон испытывает кратное или многократное рассеяние. В наименьшей степени это проявляется для высокогенеретических электронов, рождающихся при малых углах θ_e . В этом случае достигается также наиболее пологая зависимость $d\sigma_e/d\Omega_e$ (см. рис. 3). С учетом этого, результатов (5), (6) и табл. 1, а также конструкции ионопровода, детектирующего оборудования и станции внутренних мишеней на теплом участке нуклонона оптимальными представляются углы $\theta_e \approx 9 \div 15^\circ$.

В соответствии с [6] среднее число столкновений релятивистских электронов в мишени толщиной t ($\text{г} \cdot \text{см}^{-2}$) оценивается как

$$\bar{N} \approx 2,7 \cdot 10^3 \frac{Z_t^{1/3} (Z_t + 1)}{A_t} t.$$

Для мишеней углерода и вольфрама толщиной 10 мкм соответственно получаем $\bar{N}(\text{C}) \approx 6$ и $\bar{N}(\text{W}) \approx 10^4$. В случае небольшого числа столкновений средняя величина угла рассеяния может быть определена с помощью выражения

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{2} \chi \sqrt{B},$$

где $B \approx 3$ при $\bar{N} \approx 10$; χ (град) = $44,8Z_t/(\gamma_e - \gamma_e^{-1}) \cdot \sqrt{t/A_t}$; γ_e — релятивистский фактор δ -электрона при его скорости β_e . При $\bar{N} \geq 20$ и $\bar{\theta} \leq 20^\circ$ происходит многократное рассеяние релятивистских электронов на угол θ (рад) с

$$\theta_{\text{rms}} = \frac{14,1}{p_e C \beta_e} \sqrt{\frac{l}{l_{\text{rad}}}},$$

где l/l_{rad} — толщина мишени в радиационных длинах ее материала; $p_e C = E_e \sqrt{(\gamma_e + 1)/(\gamma_e - 1)}$, МэВ. Для рассматриваемой углеродной мишени $\bar{\theta} \approx \theta_{\text{rms}} \approx 6 \cdot 10^{-2}$ рад при $E_e = 1$ МэВ и $\bar{\theta} \approx \theta_{\text{rms}} \approx 4 \cdot 10^{-3}$ рад при $E_e = 20$ МэВ. В случае более тяжелых мишеней той же толщины (10 мкм), например W, Au, Pb, справедлива оценка $\theta_{\text{rms}} \approx 7\bar{\theta}$ (С). Таким образом, при угловом аксептансе анализатора MA $\Delta\theta_e \leq 10^{-2}$ рад учет рассеяния δ -электронов во внутренней мишени весьма важен при разработке рассматриваемого устройства контроля светимости и его калибровке.

- Достоинства метода контроля светимости по δ -электронам в наибольшей степени могут проявить себя в применении к неоднородным или комбинированным мишеням с различным Z_t . К ним относятся, например, полиэтиленовая пленка или тонкий (≈ 100 Å) рабочий золотой слой, нанесенный на более толстую (≈ 10 мкм) несущую органическую основу. При этом представляющие интерес вторичные частицы рождаются только на конкретных (в частности, С или Au) атомах такой мишени. В то же время регистрируемые δ -электроны являются результатом взаимодействия налетающих ядер со всеми ее электронами. Таким образом, светимости, фигурирующая в (1) и определяемая с помощью выражений (7) и (8), различны по природе и, следовательно, могут значительно отличаться количественно. По-видимому, единственной возможностью в этом случае является

определение L_c в (1) за много циклов работы ускорителя с помощью хорошо известного по сечению и характерного для рабочих атомов процесса рождения вторичных частиц. При этом параллельно за тот же промежуток времени находится светимость с помощью (7) при некотором усредненном Z_t . Калибровка в данном случае заключается в том, что найденный в результате такой процедуры коэффициент пропорциональности может быть затем использован для оперативного контроля светимости L_c по δ -электронам в каждом цикле.

- Важным фактором при разработке рассматриваемого диагностического устройства контроля светимости является влияние краевого поля магнитного анализатора MA (см. рис. 1) на циркулирующий пучок. В соответствии с кривыми, представленными на рис. 4 для налетающих ядер с $E_p = 500 \div 6000$ МэВ · нуклон $^{-1}$, энергия δ -электронов имеет диапазон изменения $E_e = 1,4 \div 25$ МэВ при $\theta_e = 9^\circ$ и

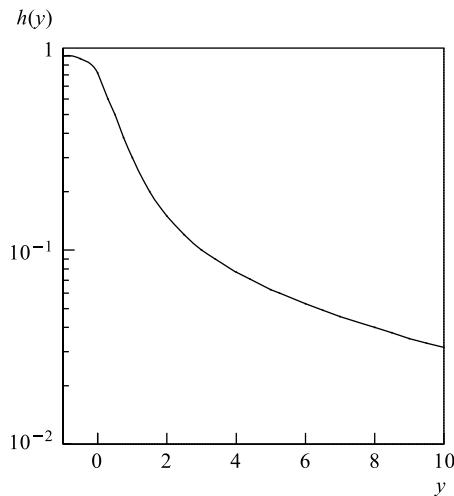


Рис. 7. Зависимость теоретического значения рассеянного поля $h(y) = H(y)/H$ от расстояния y

$E_e = 1,3 \div 12$ МэВ при $\theta_e = 15^\circ$. Необходимое в этом случае магнитное поле анализатора определяется с помощью выражения $1,7 \cdot 10^3 \beta_e \gamma_e = H(\Theta) \cdot R$ (см). При радиусе

траектории электронов $R = 10$ см оно находится в интервале $H(\theta_e = 9^\circ) = 640 \div 8500$ Э и $H(\theta_e = 15^\circ) = 600 \div 4200$ Э. На рис. 7, по данным [8], приведена зависимость теоретического значения рассеянного поля $h(y) = H(y)/H$ от расстояния y (в относительных единицах к ширине зазора между полюсами) до геометрической границы анализатора МА. Для предполагаемой геометрии диагностического устройства на нуклotronе ожидаемое расстояние от полюса до оси ионопровода оценивается величиной $y \approx 3; 5$ при $\theta_e = 9^\circ$ и 15° соответственно. В этом случае расчетный спад поля будет примерно в десять и семнадцать раз. Таким образом, максимальное значение рассеянного магнитного поля от анализатора на оси ионопровода будет порядка $H_{s|\max}(\theta_e = 9^\circ) \approx 850$ Э и $H_{s|\max}(\theta_e = 15^\circ) \approx 250$ Э. В связи с тем, что данное поле перпендикулярно направлению импульса ядер, оно будет мешать процессу ускорения пучка на нуклotronе при энергии инжекции 7 МэВ · нуклон $^{-1}$. Во избежание этого при проведении экспериментов с циркулирующими ядрами высоких энергий необходимо тщательно экранировать участок ионопровода в районе анализатора МА, а его магнитное поле менять во время цикла пропорционально полю диполей нуклотрона.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Проведенные выше анализ и расчеты указывают на возможность разработки нового метода и устройства для оперативного контроля светимости в экспериментах с различными фольговыми и нитевидными внутренними мишениями на циркулирующих пучках ядер нуклотрона по δ -электронам в каждом цикле его работы. Возникающие при этом проблемы, связанные с конечными величинами размеров области взаимодействия и углового акцептанса магнитного анализатора-сепаратора электронов, с высокой исходной скоростью некоторых электронов в мишени и рассеянием δ -электронов в ней, могут быть решены при калибровке устройства на выведенном пучке за разумный (порядка нескольких часов) промежуток времени. При этом для ряда мишеней (например, С, Си, Al) дополнительная калибровка может быть проведена с использованием активационного анализа спустя некоторое время после их взаимодействия с пучком. Предложенный алгоритм калибровки с нахождением коэффициента пропорциональности между рабочей и измеряемой по δ -электронам светимостями позволяет надеяться на эффективное использование данного метода оперативной диагностики также и для многокомпонентных внутренних мишеней с различным Z_t . Избежать влияния краевого поля магнитного анализатора устройства на процесс ускорения пучка можно при тщательной экранировке участка ионопровода в этом районе и изменении магнитного поля анализатора во время цикла пропорционально полю диполей нуклотрона.

В заключение авторы выражают надежду на активную поддержку коллег из коллегии СФЕРА и ускорительных отделов ЛВЭ при разработке рассмотренного метода оперативного контроля светимости для нуклотрона.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Bernier K. et al. Calibration of secondary emission monitors of absolute proton beam intensity in the CERN SPS North Area. CERN 97-07. 1997.
2. Rossi Б. Частицы высоких энергий / Пер. с англ. под ред. С. З. Беленького. М.: Рос. изд-во техн.-теор. лит., 1955. 636 с.

3. Джексон Дж. Классическая электродинамика / Пер. с англ. под ред. Э. Л. Бурштейна. М.: Мир, 1965. 702 с.
4. Artiomov A. S. Peculiarities of the nucleus-internal target interaction at the Nuclotron // Nucl. Instr. Meth. A. 1995. V. 366, No. 2/3. P. 254–258.
5. Baldin A. M. Status and physics programme at Nuclotron. JINR Preprint E1-92-497. Dubna, 1992. 19 p.
6. Taiuti M. et al. Stochastic description of internal target effects on electron rings // Nucl. Instr. Meth. A. 1992. V. 313, No. 1/2. P. 11–22.
7. Альфа-, бета- и гамма-спектроскопия: Пер. с англ. / Под ред. К. Зигбана. М.: Атомиздат, 1969. Т. 1. 567 с.
8. Экспериментальная ядерная физика: Пер. с англ. / Под ред. Э. Серге. Пер. с англ. М.: Изд-во иностр. лит., 1955. Т. 1. 662 с.

Получено 11 июля 2003 г.