ФИЗИКА ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ЧАСТИЦ И АТОМНОГО ЯДРА. ЭКСПЕРИМЕНТ

# МЕТОД ПРЯМОГО ИЗМЕРЕНИЯ ДЕФОРМАЦИИ ВОЗБУЖДЕННЫХ ЯДЕР

Ц. Ц. Пантелеев<sup>*a*</sup>, С. Б. Борзаков<sup>*a*</sup>, Л. Ц. Симеонова-Пантелеева<sup>*б*</sup>

<sup>*а*</sup> Объединенный институт ядерных исследований, Дубна <sup>*б*</sup> Институт ядерных исследований и ядерной энергетики БАН, София, Болгария

В настоящей работе предлагается исследовать изменение энергии рентгеновских квантов при двухквантовом переходе в зависимости от того, где произошла конверсия — при переходе между вторым и первым возбужденными состояниями или при переходе с первого на основной уровень. Регистрируя рентгеновский  $\gamma$ -квант в совпадении с  $\gamma$ -квантом другого перехода детекторами высокого разрешения, можно определить изменение энергии рентгеновского кванта с высокой точностью (порядка 1 эВ), что позволит определить изменение среднеквадратичного радиуса ядра в возбужденном состоянии.

The investigation of the energy shift of the X-ray quanta in two gamma transitions depending on where the internal conversion occurred — at the transition between the second and first excited levels or at the transition between the first level and ground state. The registration of the X-ray quantum in coincidence with the another gamma quantum of the cascade by using high resolution detectors allows us to determine the energy shift with a high accuracy (approximately 1 eV). The energy shift is connected with the relative change of the mean square radius of the nucleus as compared to the same value in the ground state.

PACS: 23.20.Lv

Электростатическое монопольное взаимодействие, зависящее от среднеквадратичного радиуса ядра и электронной плотности в месте расположения ядра, меняет энергию связи системы ядро–электроны и, следовательно, влияет на энергию атомных и ядерных переходов. Результатом этого является изотопический сдвиг в оптических спектрах и изомерный сдвиг энергии оптических и ядерных переходов [1, 2]. Изучению этих эффектов посвящено множество работ, которые дают информацию о свойствах ядер. Методы лазерной спектроскопии позволяют получить общирную информацию о разности зарядовых радиусов высокоспиновых изомеров [3]. В семидесятых-восьмидесятых годах в ЛНФ ОИЯИ проводились экспериментальные исследования химических сдвигов нейтронных резонансов оказались равными  $10^{-5}$ – $10^{-4}$  эВ [4, 5].

Одним из следствий электростатического монопольного взаимодействия является также изомерный сдвиг энергии рентгеновского кванта, возникающего при заполнении дырки в *K*-оболочке, появившейся в результате внутренней конверсии  $\gamma$ -кванта [6]. Поскольку для тяжелых ядер заполнение дырки происходит намного быстрее (за время порядка  $10^{-17}$  с [7]) времени жизни ядерного уровня  $(10^{-12}-10^{-10}$  с), энергии атомных уровней соответствуют среднеквадратичному радиусу ядра в конечном состоянии.



Рис. 1. Зависимость  $\Delta E$  от зарядов Z ядер [6]. Вычисления проводились разными методами:  $\Delta$  — методом Хартри–Фока–Слетера;  $\Box$  — релятивистским методом Хартри–Фока–Слетера;  $\circ$  — нерелятивистским методом Хартри–Фока;  $\diamond$  — нерелятивистским методом водородоподобного атома

Если в результате внутренней конверсии  $\gamma$ -кванта ядро все же осталось в возбужденном состоянии, то энергия рентгеновского кванта будет зависеть от мгновенных размеров ядра на этом же уровне. Таким образом, энергия рентгеновского кванта линейно связана с среднеквадратичным радиусом ядра. Для исследования разности среднеквадратичных радиусов ядра в основном и возбужденном состояниях необходимо сравнить энергию рентгеновских квантов при переходе, например, из второго возбужденного состояния в первое  $(E_{r1})$  с энергией аналогичного кванта, возникающего при переходе из первого уровня в основное состояние  $(E_{r0})$ .

В настоящей работе предлагаются методики проведения экспериментальных исследований с целью получения данных о вариациях среднеквадратичного радиуса ядра  $\langle R^2 \rangle$  в возбужденных состояниях. Разность  $\delta \langle R^2 \rangle = \langle R^2 \rangle^* - \langle R^2 \rangle_0$  связана с деформацией ядра.

Разность энергий  $E_{r1}$  и $E_{r0}$  можно представить в виде

$$\delta E = \Delta E \frac{\delta \langle R^2 \rangle}{\langle R^2 \rangle},\tag{1}$$

где  $\Delta E$  — сдвиг энергии рентгеновской линии, обусловленный конечными размерами ядра:

$$\Delta E = \frac{2}{3}\pi e^2 Z |\Psi(0)|^2 \langle R^2 \rangle. \tag{2}$$

В работе [6] были проведены расчеты значений  $\Delta E$  в зависимости от кулоновских зарядов некоторых относительно тяжелых ядер. На рис. 1 представлен в графическом виде основной результат этой работы.

Учитывая приведенные выше данные и ожидая изменение среднеквадратичного радиуса на несколько процентов, получим оценку величины сдвига рентгеновских линий порядка нескольких электронвольт.

Если время перестройки нуклонов в ядре в результате перехода из одного возбужденного состояния в другое (или в основное) сравнимо с коротким временем жизни

### 74 Пантелеев Ц. Ц., Борзаков С. Б., Симеонова-Пантелеева Л. Ц.



Рис. 2. Схема эксперимента с двухкаскадным распадом возбужденного ядра

*К*-вакансии, то этот процесс скажется на форме пика. Пик расширится, также возможно нарушение его симметрии.

В работах Э. Е. Фрадкина [8] проведены расчеты экранирующего влияния остальных электронов атома на величину  $\Delta E$  для K-оболочки. Полученные результаты показали, что этим влиянием можно пренебречь.

Движение конверсионных электронов сквозь электронные оболочки атома возмутит их и вызовет определенное «замазывание» изомерных сдвигов. Поэтому скорость вылетающих электронов должна быть такова, чтобы они покинули области L и даже M-слои раньше, чем произошла эмиссия рентгеновских квантов. В противном случае также произойдет изменение формы пиков и энергии, но уже под воздействием самого атома.

При измерениях относительных вариаций сверхтонких эффектов необходимо проводить измерения таким образом, чтобы искомый эффект и репер (в данном случае центр тяжести рентгеновского пика в основном состоянии ядра) измерялись одновременно. Если это невозможно, то эти измерения следует проводить, чередуя их и, по возможности, не меняя интенсивность загрузки аппаратуры и геометрию эксперимента. Иллюстрация выполнения этого принципа представлена на рис. 2. Рассматривается двухкаскадный способ распада возбужденного ядра. Гамма-квант, начавший процесс, выбивает электрон с K-оболочки атома, и ядро переходит на первый возбужденный уровень. Возникший в результате внутренней конверсии рентгеновский квант регистрируется тонким НРGе-детектором только при условии, что он совпал с импульсом вторичного  $\gamma$ кванта, регистрируемого НРGе-детектором большого объема. Во втором случае этим же детектором регистрируется первичный  $\gamma$ -квант в совпадении с рентгеновским квантом конвертированного перехода в основное состояние ядра. Таким образом происходит накопление двумерного амплитудного спектра —  $\gamma$ -квантов и X-лучей, управляемое схемой совпадений: первый связан с первичным  $\gamma$ -переходом и отражает  $\langle R^2 \rangle$  для возбужденного состояния, а второй — с характеристичным рентгеновским спектром атома, в котором ядро находится в основном состоянии. Обработка данных состоит в определении центров тяжести рентгеновских пиков этих двух переходов. Величина  $\delta \langle R^2 \rangle$  определяется измеренным на эксперименте изомерным сдвигом  $\delta E$  рентгеновских квантов по формуле (1).

Абсолютные величины изомерных сдвигов рентгеновских квантов даже для тяжелых ядер очень малы. Современные спектрометры на базе изогнутых кристаллов дают энергетическое разрешение 0,3 эВ при энергии  $\gamma$ -излучения около 100 кэВ, но из-за следующих причин этот метод детектирования не рассматривается:

— исключительно малая эффективность регистрации событий;

 — геометрия экспериментальной установки делает ее практически неприменимой к методике измерений, предлагаемой в настоящей работе.

В работе [9] представлены экспериментальные данные о собственных ширинах рентгеновских переходов на *K*-оболочку атомов актинидов и трансуранов. В частности, для переходов  $KL_2$  и  $KL_3$  в <sup>236</sup>U ширины равняются 94,656 и 98,435 эВ соответственно. Из этих данных можно сделать вывод, что собственная ширина  $K_{\alpha}$ -линии для атомов U сравнима с энергетическим разрешением высококачественных НРGе-детекторов рентгеновских квантов.

Была проведена оценка точности измерения центра тяжести пика в амплитудном спектре. Пусть существует спектр, соответствующий пику и состоящий из набора отсчетов  $N_i$  в канале с номером i и погрешностью  $\Delta N_i$ . Тогда центр пика определяется по формуле

$$\bar{N} = \frac{\sum_{i} i N_i}{\sum_{i} N_i}.$$
(3)

Погрешность определения центра тяжести пика можно вычислить по известной формуле определения погрешности величины, являющейся функцией многих переменных:

$$\Delta \bar{N} = \sqrt{\sum_{i} \left(\frac{\partial \bar{N}}{\partial N_{i}} \Delta N_{i}\right)^{2}}.$$
(4)

Вычисляя производные, получим

$$\Delta \bar{N} = \sqrt{\sum_{i} \left(\frac{i-\bar{N}}{S}\right)^2 \Delta N_i^2},\tag{5}$$

где S — площадь пика  $\left(S = \sum_{i=i \min}^{i \max} N_i\right)$ .

Если принять, что  $\Delta N_i = \sqrt{N_i}$ , получим следующее выражение:

$$\Delta \bar{N} = \frac{\sqrt{\sum_{i} (i - \bar{N})^2 N_i}}{\sum_{i} N_i}.$$
(6)

#### 76 Пантелеев Ц. Ц., Борзаков С. Б., Симеонова-Пантелеева Л. Ц.

Параметры	Статистика							
	10 <sup>6</sup> событий				$2\cdot 10^6$ событий			
Разрешение детектора, кэВ	1,0	0,75	0,5	0,3	1,0	0,75	0,5	0,3
Погрешность определения центра, эВ	0,9	0,73	0,5	0,3	0,64	0,52	0,35	0,21

В таблице представлены расчетные точности определения центра тяжести пиков при следующих условиях:

— число зарегистрированных событий (площадь пика) равняется  $10^6$  и  $2 \cdot 10^6$  соответственно;

— форма пика — симметричная гауссова кривая;

— энергия рентгеновских квантов — 100 кэВ, цена канала амплитудного анализатора равна 0,1 кэВ;

— расчеты проводились для различных значений энергетического разрешения детектора рентгеновских квантов (0,3; 0,5; 0,7; 1,0 кэВ).

Анализ данных таблицы позволяет сделать вывод: использование рентгеновского детектора со средними показателями энергетического разрешения может решить проблему измерения изомерных сдвигов рентгеновских *K*-переходов атомных оболочек.

В работе [10] приведены результаты прецизионного определения положения центра тяжести пика  $\gamma$ -кванта с энергией около 100 кэВ, измеренного с помощью германиевого детектора высокого разрешения. Средневзвешенное значение точности определения центра тяжести пиков составляло 0,5 эВ.

Дальнейшее развитие постановки экспериментов предполагает увеличение числа исследуемых возбужденных уровней отдельных ядер путем включения в рассмотрение  $\gamma$ каскадов, которые следуют за процессами электронного захвата,  $\beta^+$ -,  $\beta^-$ - (возможно, и  $\alpha$ -) эмиссии радиоактивных ядер и распадов высокоспиновых изомерных состояний.

Измерение сверхтонких эффектов (что соответствует данному типу экспериментов) очень часто сопровождается требованием исключительно тщательного учета фона. По этой причине необходимо проводить многомерный анализ с записью информации о максимальном числе параметров, применять специфическую, разработанную специально для этих экспериментов аппаратуру. Пример такой постановки представлен на рис. 3.

В первую очередь, необходимо разработать и изготовить пару составных HPGeспектрометров, каждый из которых состоит из независимо работающих тонкого детектора (для спектрометрии рентгеновских квантов) и детектора большого объема для спектрометрии каскадных  $\gamma$ -квантов.

Запись информации от каждого X-детектора производится отдельными амплитудными анализаторами (ADC), но при наличии разрешающего сигнала от схемы совпадения, которая срабатывает от дискриминированных импульсов от этого же X-детектора и от любого  $\gamma$ -детектора. Аналогичным образом обрабатываются и импульсы от  $\gamma$ -детекторов, но они, кроме того, подаются на блок линейного суммирования, а оттуда — на отдельный ADC. Цель данной операции состоит в том, чтобы с максимальной эффективностью были получены пики от любых комбинаций суммарных энергий каскада. Отсутствие энергии данного  $\gamma$ -перехода в пике полной суммарной энергии каскада с большой вероятностью означает, что он претерпел внутреннюю конверсию.

Некоррелированный фон в рентгеновских пиках является результатом случайных совпадений внешнего фотоэффекта на атомах мишени с импульсами от  $\gamma$ -каналов. Кроме



Рис. 3. Экспериментальная установка с максимальной эффективностью и возможностью идентификации конкретных переходов каскадов

того, в этот фон входит и постоянная составляющая, которую в пределах пиков с очень большой точностью можно считать постоянной, т.е. она аппроксимируется прямой линией. Самым важным в этом случае является точная нормировка площадей фона под пиком и участками спектра около рентгеновских пиков.

Точное определение вклада коррелированного фона является сложной и комплексной проблемой. Время жизни  $\gamma$ -каскада составляет  $10^{-12}-10^{-10}$  с, поэтому использование техники задержанных совпадений неприменимо. На рис. 4 и 5 представлены схемы радиоактивного распада двух тяжелых ядер  $^{180m}$  Hf и  $^{192}$ Ir, изучение которых представляется интересным и перспективным. На их примере можно показать проблемы коррелированного фона.

Особый интерес представляют собой измерения сдвига рентгеновской линии в экспериментах с делящимися ядрами. На рис. 6 показаны все четыре канала, через которые может реализоваться диссипация энергии возбуждения ядра после захвата нейтрона:

— радиационный захват;

— мгновенное деление;

—  $(n, \gamma f)$ -процесс: возбужденное ядро излучает мягкий  $\gamma$ -квант и после этого делится;

— изомерное деление: ядро испускает каскад  $\gamma$ -квантов и оказывается в основном состоянии на дне второй потенциальной ямы, после чего происходит задержанное деление. Вероятность этого процесса —  $10^{-4}$  от полной вероятности деления.

В последних двух каналах предшествующие делению γ-кванты могут конвертироваться и дать информацию о деформации высоковозбужденных состояний ядер. Из этих измерений можно получить ответ на вопрос, является ли процесс задержанного деления эффектом изомерии формы.



Рис. 4. Схема распада радиоактивного ядра  $^{192}$ Ir. Исчерпывающие данные о величинах коэффициентов конверсии для изотопов  $^{192}_{76}$ Os и  $^{192}_{76}$ Pt можно найти в работе [13]



Рис. 5. Схема распада изомерного состояния 5,5-ч ядра <sup>180m</sup>Hf

#### Метод прямого измерения деформации возбужденных ядер 79



Рис. 6. Схема распада изомерного состояния 5,5-ч ядра <sup>180m</sup> Нf

В работе [11] Ветіs с сотрудниками провели измерения изменения среднеквадратического радиуса  $\delta \langle R^2 \rangle$  для спонтанно делящегося изомера <sup>240</sup>Am по отношению к  $\langle R^2 \rangle$  в основном состоянии ядер америция. В эксперименте использовалась техника оптической накачки лазером с переменной длиной волны (Lazer induced nuclear polarization).

В настоящей работе предлагается провести измерения  $\delta \langle R^2 \rangle$  применяя методику изомерных сдвигов рентгеновских квантов. Эта методика может применяться для периодов наносекундных и полураспада и может являться дополнением к лазерным методам исследований.

На рис. 6 предложена схема экспериментальной постановки. Акт деления регистрируется тонким пластическим сцинтиллятором, а рентгеновский квант — НРGе-детектором. Сигналы с обоих детекторов поступают на преобразователь время–амплитуда, где стартом служит сигнал с НРGе-детектора, а стоп — задержанный импульс от сцинтиллятора. Это необходимо сделать из-за того, что актов деления значительно больше, чем рентгеновских квантов. Измерения могут быть проведены на пучке тепловых нейтронов с мишенью  $^{235}$ U. Известно, что в этом случае с вероятностью 10<sup>-4</sup> происходит изомерное деление. Время жизни  $^{236}$ U\* во второй яме — 165 нс [12].

Авторы работы благодарят Г. Г. Бунатяна за стимулирование данной работы.

80 Пантелеев Ц. Ц., Борзаков С. Б., Симеонова-Пантелеева Л. Ц.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Копферман Г. Ядерные моменты. М.: Иностр. лит., 1960.
- 2. Делягин Н. Н. и др. Сверхтонкие взаимодействия и ядерные излучения. М.: Изд-во Моск. гос. ун-та, 1985.
- 3. Гангрский Ю. П. // Письма в ЭЧАЯ. 2007. Т. 4, № 4(140). С. 518–524.
- 4. Игнатович В. К., Останевич Ю. М., Чер Л. Сообщ. ОИЯИ Р4-7296. Дубна, 1973.
- 5. Meister A. et al. // Nucl. Phys. A. 1981. V. 362. P. 18.
- 6. Игнатович В. К., Останевич Ю. М., Пантелеев Ц. Сообщ. ОИЯИ Р4-7695. Дубна, 1974.
- 7. Берлович Э. Е., Василенко С. С., Новиков Ю. Н. Время жизни возбужденных состояний атомных ядер. Л.: Наука. Ленингр. отд-ние, 1972.
- 8. Фрадкин Э. Е. // ЖЭТФ. 1962 Т. 42, вып. 3. С. 777-788.
- 9. Barreau G. et al. // Z. Phys. A. 1982. V. 308. P. 209-213.
- 10. Лашко Л. П., Лашко Т. Н. // Изв. РАН. Сер. физ. Т. 71, № 5. С. 765–768; http://www.Kinr.kiev.ua/NPAE\_Kyiv 2006/proc
- 11. Bemis C. E. et al. // Phys. Rev. Lett. 1979. V. 43. P. 1854.
- 12. Щербаков О.А. // ЭЧАЯ. 1990. Т. 21, вып. 2. С. 419.
- 13. Yabo Liu et al. // Z. Phys. A. 1988. V. 329. P. 307-317.

Получено 13 февраля 2008 г.